

**МИНИСТЕРСТВО ПРОСВЕЩЕНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ**

**Министерство образования и науки Республики Бурятия**

**Комитет по образованию Администрации г. Улан-Удэ**

**МАОУ "Гимназия №33 г.Улан-Удэ"**

**РАССМОТРЕНО**

на заседании  
методического  
объединения

*ЗМ*

29.08.2023 г.

**СОГЛАСОВАНО**

с Научно-методическим  
советом гимназии

*ЛД*

Дамбаева Л.Д.

*Балданова Н.В.* 31.08.2023 г.

**УТВЕРЖДЕНО**

Директор

Балданова Н.В.  
Приказ №375 от 31.08.2023 г.



**РАБОЧАЯ ПРОГРАММА**

**учебного предмета «Вероятность и статистика.**

**Базовый уровень»**

**для обучающихся 10 классов**

**г. Улан - Удэ 2023 г.**

## **ПОЯСНИТЕЛЬНАЯ ЗАПИСКА**

Рабочая программа учебного курса «Вероятность и статистика» базового уровня для обучающихся 10 классов разработана на основе Федерального государственного образовательного стандарта среднего общего образования, с учётом современных мировых требований, предъявляемых к математическому образованию, и традиций российского образования. Реализация программы обеспечивает овладение ключевыми компетенциями, составляющими основу для саморазвития и непрерывного образования, целостность общекультурного, личностного и познавательного развития личности обучающихся.

## **ЦЕЛИ ИЗУЧЕНИЯ УЧЕБНОГО КУРСА**

Учебный курс «Вероятность и статистика» базового уровня является продолжением и развитием одноимённого учебного курса базового уровня основной школы. Курс предназначен для формирования у обучающихся статистической культуры и понимания роли теории вероятностей как математического инструмента для изучения случайных событий, величин и процессов. При изучении курса обогащаются представления учащихся о методах исследования изменчивого мира, развивается понимание значимости и общности математических методов познания как неотъемлемой части современного естественно-научного мировоззрения.

Содержание курса направлено на закрепление знаний, полученных при изучении курса основной школы и на развитие представлений о случайных величинах и взаимосвязях между ними на важных примерах, сюжеты которых почерпнуты из окружающего мира.

В соответствии с указанными целями в структуре учебного курса «Вероятность и статистика» средней школы на базовом уровне выделены следующие основные содержательные линии: «Случайные события и вероятности», «Случайные величины и закон больших чисел».

Важную часть курса занимает изучение геометрического и биномиального распределений и знакомство с их непрерывными аналогами — показательным и нормальным распределениями.

Содержание линии «Случайные события и вероятности» служит основой для формирования представлений о распределении вероятностей между значениями случайных величин, а также эта линия необходима как база для изучения закона больших чисел – фундаментального закона, действующего в природе и обществе и имеющего математическую

формализацию. Сам закон больших чисел предлагается в ознакомительной форме с минимальным использованием математического формализма.

Темы, связанные с непрерывными случайными величинами, акцентируют внимание школьников на описании и изучении случайных явлений с помощью непрерывных функций. Основное внимание уделяется показательному и нормальному распределениям, при этом предполагается ознакомительное изучение материала без доказательств применяемых фактов.

## **МЕСТО КУРСА В УЧЕБНОМ ПЛАНЕ**

На изучение курса «Вероятность и статистика» на базовом уровне отводится 1 час в неделю, всего 34 учебных часа.

## **СОДЕРЖАНИЕ УЧЕБНОГО КУРСА**

### **10 КЛАСС**

Представление данных с помощью таблиц и диаграмм. Среднее арифметическое, медиана, наибольшее и наименьшее значения, размах, дисперсия и стандартное отклонение числовых наборов.

Случайные эксперименты (опыты) и случайные события. Элементарные события (исходы). Вероятность случайного события. Близость частоты и вероятности событий. Случайные опыты с равновозможными элементарными событиями. Вероятности событий в опытах с равновозможными элементарными событиями.

Операции над событиями: пересечение, объединение, противоположные события. Диаграммы Эйлера. Формула сложения вероятностей.

Условная вероятность. Умножение вероятностей. Дерево случайного эксперимента. Формула полной вероятности. Независимые события.

Комбинаторное правило умножения. Перестановки и факториал. Число сочетаний. Треугольник Паскаля. Формула бинома Ньютона.

Бинарный случайный опыт (испытание), успех и неудача. Независимые испытания. Серия независимых испытаний до первого успеха. Серия независимых испытаний Бернулли.

Случайная величина. Распределение вероятностей. Диаграмма распределения. Примеры распределений, в том числе, геометрическое и биномиальное.

## **ПЛАНИРУЕМЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ**

### **ЛИЧНОСТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ**

Личностные результаты освоения программы учебного предмета «Математика» характеризуются:

#### **Гражданское воспитание:**

сформированностью гражданской позиции обучающегося как активного и ответственного члена российского общества, представлением о математических основах функционирования различных структур, явлений, процедур гражданского общества (выборы, опросы и пр.), умением взаимодействовать с социальными институтами в соответствии с их функциями и назначением.

**Патриотическое воспитание:**

сформированностью российской гражданской идентичности, уважения к прошлому и настоящему российской математики, ценностным отношением к достижениям российских математиков и российской математической школы, к использованию этих достижений в других науках, технологиях, сферах экономики.

**Духовно-нравственного воспитания:**

осознанием духовных ценностей российского народа; сформированностью нравственного сознания, этического поведения, связанного с практическим применением достижений науки и деятельностью учёного; осознанием личного вклада в построение устойчивого будущего.

**Эстетическое воспитание:**

эстетическим отношением к миру, включая эстетику математических закономерностей, объектов, задач, решений, рассуждений; восприимчивостью к математическим аспектам различных видов искусства.

**Физическое воспитание:**

сформированностью умения применять математические знания в интересах здорового и безопасного образа жизни, ответственного отношения к своему здоровью (здоровое питание, сбалансированный режим занятий и отдыха, регулярная физическая активность); физического совершенствования, при занятиях спортивно-оздоровительной деятельностью.

**Трудовое воспитание:**

готовностью к труду, осознанием ценности трудолюбия; интересом к различным сферам профессиональной деятельности, связанным с математикой и её приложениями, умением совершать осознанный выбор будущей профессии и реализовывать собственные жизненные планы; готовностью и способностью к математическому образованию и самообразованию на протяжении всей жизни; готовностью к активному участию в решении практических задач математической направленности.

**Экологическое воспитание:**

сформированностью экологической культуры, пониманием влияния социально-экономических процессов на состояние природной и социальной среды, осознанием глобального характера экологических проблем; ориентацией на применение математических знаний для решения задач в области окружающей среды, планирования поступков и оценки их возможных последствий для окружающей среды.

**Ценности научного познания:**

сформированностью мировоззрения, соответствующего современному уровню развития науки и общественной практики, пониманием математической науки как сферы человеческой деятельности, этапов её развития и значимости для развития цивилизации; овладением языком математики и математической культурой как средством познания мира; готовностью осуществлять проектную и исследовательскую деятельность индивидуально и в группе.

## **МЕТАПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ**

Метапредметные результаты освоения программы учебного предмета «Математика» характеризуются овладением универсальными **познавательными действиями**, универсальными **коммуникативными действиями**, универсальными **регулятивными действиями**.

1) Универсальные **познавательные действия**, обеспечивают формирование базовых когнитивных процессов обучающихся (освоение методов познания окружающего мира; применение логических, исследовательских операций, умений работать с информацией).

### **Базовые логические действия:**

- выявлять и характеризовать существенные признаки математических объектов, понятий, отношений между понятиями; формулировать определения понятий; устанавливать существенный признак классификации, основания для обобщения и сравнения, критерии проводимого анализа;
- воспринимать, формулировать и преобразовывать суждения: утвердительные и отрицательные, единичные, частные и общие; условные;
- выявлять математические закономерности, взаимосвязи и противоречия в фактах, данных, наблюдениях и утверждениях; предлагать критерии для выявления закономерностей и противоречий;
- делать выводы с использованием законов логики, дедуктивных и индуктивных умозаключений, умозаключений по аналогии;
- проводить самостоятельно доказательства математических утверждений (прямые и от противного), выстраивать аргументацию, приводить примеры и контрпримеры; обосновывать собственные суждения и выводы;
- выбирать способ решения учебной задачи (сравнивать несколько вариантов решения, выбирать наиболее подходящий с учётом самостоятельно выделенных критериев).

### **Базовые исследовательские действия:**

- использовать вопросы как исследовательский инструмент познания; формулировать вопросы, фиксирующие противоречие, проблему, устанавливать искомое и данное, формировать гипотезу, аргументировать свою позицию, мнение;
- проводить самостоятельно спланированный эксперимент, исследование по установлению особенностей математического объекта, явления, процесса, выявлению зависимостей между объектами, явлениями, процессами;
- самостоятельно формулировать обобщения и выводы по результатам проведённого наблюдения, исследования, оценивать достоверность полученных результатов, выводов и обобщений;
- прогнозировать возможное развитие процесса, а также выдвигать предположения о его развитии в новых условиях.

### **Работа с информацией:**

- выявлять дефициты информации, данных, необходимых для ответа на вопрос и для решения задачи;
- выбирать информацию из источников различных типов, анализировать, систематизировать и интерпретировать информацию различных видов и форм представления;
- структурировать информацию, представлять её в различных формах, иллюстрировать графически;
- оценивать надёжность информации по самостоятельно сформулированным критериям.

2) Универсальные коммуникативные действия, обеспечивают сформированность социальных навыков обучающихся.

### **Общение:**

- воспринимать и формулировать суждения в соответствии с условиями и целями общения; ясно, точно, грамотно выражать свою точку зрения в устных и письменных текстах, давать пояснения по ходу решения задачи, комментировать полученный результат;
- в ходе обсуждения задавать вопросы по существу обсуждаемой темы, проблемы, решаемой задачи, высказывать идеи, нацеленные на поиск решения; сопоставлять свои суждения с суждениями других участников диалога, обнаруживать различие и сходство позиций; в корректной форме формулировать разногласия, свои возражения;
- представлять результаты решения задачи, эксперимента, исследования, проекта; самостоятельно выбирать формат выступления с учётом задач презентации и особенностей аудитории.

### **Сотрудничество:**

- понимать и использовать преимущества командной и индивидуальной работы при решении учебных задач; принимать цель совместной деятельности, планировать организацию совместной работы, распределять виды работ, договариваться, обсуждать процесс и результат работы; обобщать мнения нескольких людей;
- участвовать в групповых формах работы (обсуждения, обмен мнений, «мозговые штурмы» и иные); выполнять свою часть работы и координировать свои действия с другими членами команды; оценивать качество своего вклада в общий продукт по критериям, сформулированным участниками взаимодействия.

3) Универсальные *регулятивные* действия, обеспечивают формирование смысловых установок и жизненных навыков личности.

### **Самоорганизация:**

составлять план, алгоритм решения задачи, выбирать способ решения с учётом имеющихся ресурсов и собственных возможностей, аргументировать и корректировать варианты решений с учётом новой информации.

### **Самоконтроль:**

- владеть навыками познавательной рефлексии как осознания совершаемых действий и мыслительных процессов, их результатов; владеть способами самопроверки, самоконтроля процесса и результата решения математической задачи;
- предвидеть трудности, которые могут возникнуть при решении задачи, вносить коррективы в деятельность на основе новых обстоятельств, данных, найденных ошибок, выявленных трудностей;
- оценивать соответствие результата цели и условиям, объяснять причины достижения или недостижения результатов деятельности, находить ошибку, давать оценку приобретённому опыту.

## **ПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ**

### **10 КЛАСС**

Читать и строить таблицы и диаграммы.

Оперировать понятиями: среднее арифметическое, медиана, наибольшее, наименьшее значение, размах массива числовых данных.

Оперировать понятиями: случайный эксперимент (опыт) и случайное событие, элементарное событие (элементарный исход) случайного опыта; находить вероятности в опытах с равновозможными случайными событиями,

находить и сравнивать вероятности событий в изученных случайных экспериментах.

Находить и формулировать события: пересечение и объединение данных событий, событие, противоположное данному событию; пользоваться диаграммами Эйлера и формулой сложения вероятностей при решении задач.

Оперировать понятиями: условная вероятность, независимые события; находить вероятности с помощью правила умножения, с помощью дерева случайного опыта.

Применять комбинаторное правило умножения при решении задач.

Оперировать понятиями: испытание, независимые испытания, серия испытаний, успех и неудача; находить вероятности событий в серии независимых испытаний до первого успеха; находить вероятности событий в серии испытаний Бернулли.

Оперировать понятиями: случайная величина, распределение вероятностей, диаграмма распределения.

## ТЕМАТИЧЕСКОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ

### 10 КЛАСС

№ п/п	Наименование разделов и тем программы	Количество часов			Электронные (цифровые) образовательные ресурсы
		Всего	Контрольные работы	Практические работы	
1	Представление данных и описательная статистика	4			Российская электронная школа <a href="https://resh.edu.ru/">https://resh.edu.ru/</a>
2	Случайные опыты и случайные события, опыты с равновозможными элементарными исходами	3		1	Российская электронная школа <a href="https://resh.edu.ru/">https://resh.edu.ru/</a>
3	Операции над событиями, сложение вероятностей	3			Российская электронная школа <a href="https://resh.edu.ru/">https://resh.edu.ru/</a>
4	Условная вероятность, дерево случайного опыта, формула полной вероятности и независимость событий	6			Российская электронная школа <a href="https://resh.edu.ru/">https://resh.edu.ru/</a>
5	Элементы комбинаторики	4			Российская электронная школа <a href="https://resh.edu.ru/">https://resh.edu.ru/</a>
6	Серии последовательных испытаний	3		1	Российская электронная школа <a href="https://resh.edu.ru/">https://resh.edu.ru/</a>
7	Случайные величины и распределения	6			Российская электронная школа <a href="https://resh.edu.ru/">https://resh.edu.ru/</a>
8	Обобщение и систематизация знаний	5	2		Российская электронная школа <a href="https://resh.edu.ru/">https://resh.edu.ru/</a>
<b>ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ</b>		34	2	2	

# ПОУРОЧНОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ

## 10 КЛАСС

№ п/п	Тема урока	Планируемые результаты	Количество часов			Дата изучения	Электронные цифровые образовательные ресурсы	Задания на урок	Задания на дом
			Всего	Контрольные работы	Практические работы				
Раздел	Представление данных и описательная статистика	Представление данных с помощью таблиц и диаграмм. Среднее арифметическое, медиана, наибольшее и наименьшее значения, размах, дисперсия, стандартное отклонение числовых наборов	4						
1	Представление данных с помощью таблиц и диаграмм		1				Российская электронная школа <a href="https://resh.edu.ru/">https://resh.edu.ru/</a>		
2	Среднее арифметическое, медиана, наибольшее и наименьшее значения, размах, дисперсия, стандартное отклонение числовых наборов		1				Российская электронная школа <a href="https://resh.edu.ru/">https://resh.edu.ru/</a>		
3	Среднее арифметическое, медиана, наибольшее и наименьшее значения, размах, дисперсия, стандартное отклонение числовых наборов		1				Российская электронная школа <a href="https://resh.edu.ru/">https://resh.edu.ru/</a>		
4	Среднее арифметическое, медиана, наибольшее и наименьшее значения, размах, дисперсия, стандартное		1				Российская электронная школа <a href="https://resh.edu.ru/">https://resh.edu.ru/</a>		

	отклонение числовых наборов								
<b>Раздел</b>	<b>Случайные опыты и случайные события, опыты с равновозможными элементарными исходами</b>	Случайные эксперименты (опыты) и случайные события. Элементарные события (исходы).	<b>3</b>						
5	Случайные эксперименты (опыты) и случайные события. Элементарные события (исходы)	Вероятность случайного события. Вероятности событий в опытах с равновозможными элементарными событиями.	1				Российская электронная школа <a href="https://resh.edu.ru/">https://resh.edu.ru/</a>		
6	Вероятность случайного события. Вероятности событий в опытах с равновозможными элементарными событиями.	Практическая работа	1				Российская электронная школа <a href="https://resh.edu.ru/">https://resh.edu.ru/</a>		
7	<b>Вероятность случайного события. Практическая работа</b>		<b>1</b>		<b>1</b>				
<b>Раздел</b>	<b>Операции над событиями, сложение вероятностей</b>	Операции над событиями: пересечение, объединение событий, противоположные события. Диаграммы Эйлера. Формула сложения вероятностей	<b>3</b>						
8	Операции над событиями: пересечение, объединение событий, противоположные события. Диаграммы Эйлера	1					Российская электронная школа <a href="https://resh.edu.ru/">https://resh.edu.ru/</a>		
9	Операции над событиями: пересечение, объединение событий, противоположные	1					Российская электронная школа <a href="https://resh.edu.ru/">https://resh.edu.ru/</a>		

	события. Диаграммы Эйлера								
Раздел	<b>Условная вероятность, дерево случайного опыта, формула полной вероятности и независимость событий</b>	Условная вероятность. Умножение вероятностей. Дерево случайного эксперимента. Формула полной вероятности. Независимые события	<b>6</b>						
10	Формула сложения вероятностей		1				Российская электронная школа <a href="https://resh.edu.ru/">https://resh.edu.ru/</a>		
11	Условная вероятность. Умножение вероятностей. Дерево случайного эксперимента		1				Российская электронная школа <a href="https://resh.edu.ru/">https://resh.edu.ru/</a>		
12	Условная вероятность. Умножение вероятностей. Дерево случайного эксперимента		1				Российская электронная школа <a href="https://resh.edu.ru/">https://resh.edu.ru/</a>		
13	Условная вероятность. Умножение вероятностей. Дерево случайного эксперимента		1				Российская электронная школа <a href="https://resh.edu.ru/">https://resh.edu.ru/</a>		
14	Формула полной вероятности		1				Российская электронная школа <a href="https://resh.edu.ru/">https://resh.edu.ru/</a>		
15	Формула полной вероятности		1				Российская электронная школа <a href="https://resh.edu.ru/">https://resh.edu.ru/</a>		

16	Формула полной вероятности. Независимые события		1				Российская электронная школа <a href="https://resh.edu.ru/">https://resh.edu.ru/</a>		
17	<b>Контрольная работа</b>		<b>1</b>	<b>1</b>					
<b>Раздел</b>	<b>Элементы комбинаторики</b>	Комбинаторное правило умножения. Перестановки и факториал. Число сочетаний. Треугольник Паскаля. Формула бинома Ньютона	<b>4</b>						
18	Комбинаторное правило умножения		1				Российская электронная школа <a href="https://resh.edu.ru/">https://resh.edu.ru/</a>		
19	Перестановки и факториал		1				Российская электронная школа <a href="https://resh.edu.ru/">https://resh.edu.ru/</a>		
20	Число сочетаний		1				Российская электронная школа <a href="https://resh.edu.ru/">https://resh.edu.ru/</a>		
21	Треугольник Паскаля. Формула бинома Ньютона		1				Российская электронная школа <a href="https://resh.edu.ru/">https://resh.edu.ru/</a>		
<b>Раздел</b>	<b>Серии последовательных испытаний</b>	Бинарный случайный опыт (испытание), успех и неудача.	<b>3</b>						
22	Бинарный случайный опыт (испытание), успех и неудача. Независимые испытания. Серия независимых испытаний до первого успеха. Серия независимых испытаний Бернулли. Практическая работа	Независимые испытания. Серия независимых испытаний до первого успеха. Серия независимых испытаний Бернулли. Практическая работа	1				Российская электронная школа <a href="https://resh.edu.ru/">https://resh.edu.ru/</a>		

23	Серия независимых испытаний Бернулли	с использованием электронных таблиц	1				Российская электронная школа <a href="https://resh.edu.ru/">https://resh.edu.ru/</a>		
24	<b>Серия независимых испытаний.</b> <b>Практическая работа с использованием электронных таблиц</b>		1		1				
Раздел	<b>Случайные величины и распределения</b>	Случайная величина. Распределение вероятностей. Диаграмма распределения. Сумма и произведение случайных величин. Примеры распределений, в том числе геометрическое и биномиальное	6						
25	Случайная величина		1				Российская электронная школа <a href="https://resh.edu.ru/">https://resh.edu.ru/</a>		
26	Распределение вероятностей. Диаграмма распределения		1				Российская электронная школа <a href="https://resh.edu.ru/">https://resh.edu.ru/</a>		
27	Сумма и произведение случайных величин		1				Российская электронная школа <a href="https://resh.edu.ru/">https://resh.edu.ru/</a>		
28	Сумма и произведение случайных величин		1				Российская электронная школа <a href="https://resh.edu.ru/">https://resh.edu.ru/</a>		
29	Примеры распределений, в том числе геометрическое и биномиальное		1				Российская электронная школа <a href="https://resh.edu.ru/">https://resh.edu.ru/</a>		
30	Примеры распределений, в том		1				Российская		

	числе геометрическое и биномиальное						электронная школа <a href="https://resh.edu.ru/">https://resh.edu.ru/</a>		
<b>Раздел</b>	<b>Обобщение и систематизация знаний</b>	Описательная статистика. Случайные опыты и вероятности случайных событий. Операции над событиями. Элементы комбинаторики, серии независимых испытаний	<b>5</b>						
31	Повторение, обобщение и систематизация знаний		1				Российская электронная школа <a href="https://resh.edu.ru/">https://resh.edu.ru/</a>		
32	Повторение, обобщение и систематизация знаний		1				Российская электронная школа <a href="https://resh.edu.ru/">https://resh.edu.ru/</a>		
<b>33</b>	<b>Итоговая контрольная работа</b>		<b>1</b>	<b>1</b>					
34	Повторение, обобщение и систематизация знаний		1				Российская электронная школа <a href="https://resh.edu.ru/">https://resh.edu.ru/</a>		
<b>ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ</b>			<b>34</b>	<b>2</b>	<b>2</b>				

**УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ  
ОБРАЗОВАТЕЛЬНОГО ПРОЦЕССА  
ОБЯЗАТЕЛЬНЫЕ УЧЕБНЫЕ МАТЕРИАЛЫ ДЛЯ УЧЕНИКА**

- Вероятность и статистика. Бунимович Е.А. (10-11) (Базовый и углублённый)

**МЕТОДИЧЕСКИЕ МАТЕРИАЛЫ ДЛЯ УЧИТЕЛЯ**

Библиотека ЦОК <https://m.edsoo.ru/863efa24>

Российская электронная школа <https://resh.edu.ru/>

**ЦИФРОВЫЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНЫЕ РЕСУРСЫ И РЕСУРСЫ СЕТИ  
ИНТЕРНЕТ**

Библиотека ЦОК <https://m.edsoo.ru/863efa24>

Российская электронная школа <https://resh.edu.ru/>